


LE GUIDE DE SURVIE

MATHS 974



CYCLE
4

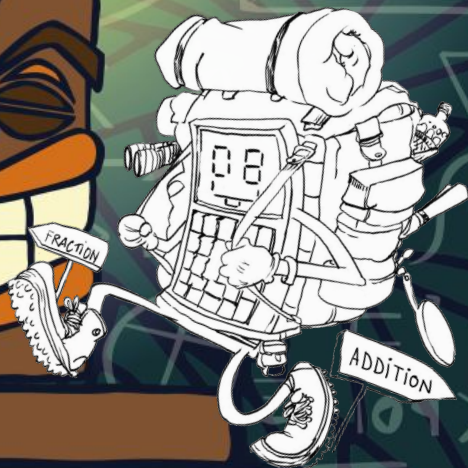


Illustration : Simon Grondin, PSTD2A 2021, Lycée Ambroise Vollard



Pascal Dorr, Florian Tobé, Karim Bouasla © 2024 - maths974.fr

KÉZAKO ?

Ce « guide de survie » rassemble un ensemble **indispensable** de **savoir-faire et de connaissances mathématiques** à travailler tout au long du cycle 4.

OÙ ? QUAND ?

On peut l'utiliser au collège ou à la maison aussi souvent que nécessaire pour consolider les savoir-faire. Ce guide peut tout à fait convenir à des élèves de Seconde pour réactiver des notions non maîtrisées ou tout simplement "oubliées" !

LE GUIDE DE SURVIE EN MATHÉMATIQUES

POUR QUI ?

Cet outil s'adresse en priorité aux élèves. Il a également été conçu pour les spécialistes ou non des mathématiques : enseignants, assistants pédagogiques, parents, grands frères, grandes sœurs... Il permet ainsi de rendre les **mathématiques accessibles à toutes et à tous**.

POURQUOI ?

Ce guide permet la mise en place d'une cohérence et d'une continuité au niveau des apprentissages des mathématiques. C'est un outil **collaboratif** qui a pour but de favoriser un langage commun entre tous les acteurs (enseignants, élèves et famille). Cet outil se voudra **évolutif** au fil du temps pour s'adapter aux besoins de toutes et de tous.

COMMENT ?

L'ensemble des notions mathématiques abordées au cycle 4 sont organisées de manière succincte : pas de leçon, ni d'activité, mais juste des **procédures** ou **des propriétés**, souvent accompagnées d'un **exemple concret**. Les cinq thèmes transversaux des programmes de mathématiques sont abordés dans ce guide :

- Nombres et calculs ;
- Organisation et gestion de données,
- Grandeurs et mesures ;
- Espace et géométrie ;
- Algorithmique et programmation.

Ce guide possède une **table des matières** et un **index thématique** (qui figure en dernière page) pour que chacun puisse s'y retrouver rapidement.

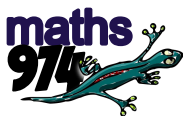


Auto-évaluation : je coche le niveau qui me correspond !



Un **repère de progressivité** indique le niveau à partir duquel la notion commence à être travaillée :

- ◆◆◆ À partir de la 5^e
- ◆◆◆ À partir de la 4^e
- ◆◆◆ À partir de la 3^e



Le guide de survie en mathématiques cycle 4 – version 2024

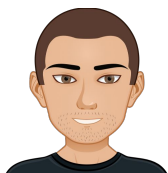
Des ressources pour travailler les automatismes et la résolution de problèmes, avec le guide de survie en appui, sont disponibles sur le site : maths974.fr

Pour toutes questions, vous pouvez nous contacter par mail : maths974@ac-reunion.fr



Pascal DORR, professeur de mathématiques
collège de Terre-Sainte, SAINT-PIERRE

Florian TOBÉ, professeur de mathématiques
collège de la Ligne des Bambous, SAINT-PIERRE



Karim BOUASLA, professeur de mathématiques
Collège Henri MATISSE, SAINT-PIERRE

Remerciements

- **Mme AH-SOON** Principale du collège de Terre-Sainte, pour sa confiance et son soutien.
- **David BLANC et Isabelle CHARLIER, Claire LAGARDE**, professeurs de mathématiques, pour leur confiance et leurs relectures attentives.

Table des matières

Calculatrice

Avec la Ti-Collège [p.5]

1. Calculer une expression
2. Calculer avec des relatifs
3. Réaliser une divis° euclidienne
4. Décomposer° en fact. premiers
5. Fraction et forme décimale
6. Notation scientifique
7. Simplifier une fraction
8. Convertir un nombre en %
9. Calculer un angle
10. Statistiques

Nombres et calculs

Nombres décimaux [p.6]

11. Nombres décimaux
12. Multiplier par 10, 100 ou 1 000
13. Diviser par 10, 100 ou 1 000
14. Organiser ses calculs
15. Comparer des grands nombres
16. Comparer 2 nombres décimaux

Nombres relatifs [p.7]

17. Comparer des relatifs
18. Ajouter et soustraire des relatifs
19. Calculer une somme algébrique
20. Multiplier ou diviser deux relatifs
21. Multiplier plusieurs relatifs
22. Les préfixes multiplicatifs
23. Carrés et racines carrées
24. Calculer avec les puissances
25. Notation scientifique
26. Encadrer une racine carrée

Arithmétique [p.8]

27. Division euclidienne
28. Divisibilité
29. Nombres premiers
30. Décomposer en facteurs premiers
31. Fraction irréductible
32. Critère de divisibilité
33. Crible d'Ératosthène

Fractions [p.9]

34. Comparer des fractions
35. Fractions égales
36. Prendre une fraction d'un nombre
37. Multiplier ou diviser
38. Ajouter ou soustraire
39. Résoudre un problème

Calcul littéral [p.10]

40. Calculer une expression littérale
41. Tester une égalité
42. Réduire une somme algébrique
43. Développer et réduire
44. Ajouter, soustraire une expression
45. Factoriser
46. Résoudre une équation
47. Les identités remarquables
48. Résoudre une équation produit

Organisation et gestion de données

Proportionnalité [p.11]

49. Reconnaître la proportionnalité
50. Calculer avec la proportionnalité
51. Ratio
52. Échelle

Pourcentage [p.12]

53. Déterminer un pourcentage
54. Prendre un pourcentage
55. Calculer une augmentation ou une réduction
56. Représentation graphique

Fonctions [p.13, p.14]

57. Notion de fonction
58. Lecture graphique
59. Vocabulaire des fonctions
60. Calculer l'image
61. Déterminer un antécédent
62. Représenter graphiquement une fonction linéaire ou une fonction affine
63. Pourcentage et fonctions linéaires
64. Calculer la valeur initiale

Statistiques [p.15]

65. Effectif et fréquence
66. Calculer une moyenne simple
67. Calculer une moyenne pondérée
68. Calculer une étendue
69. Calculer une médiane
70. Représenter des données
71. Avec un tableur

Probabilités [p.16]

72. Expérience aléatoire & issues
73. Probabilité d'une issue
74. Probabilité d'un événement
75. Événements incompatibles
76. Événement contraire
77. Arbre de probabilité

Grandeurs et mesures

Aires & périmètre [p.17]

78. Périmètres
79. Convertir des longueurs
80. Aires
81. Convertir des aires
82. Aire d'un parallélogramme
83. Aire d'un triangle
84. Coeff. d'agrandisse^r/réduct^r

Volumes [p.18]

85. Calculer des volumes
86. Volumes
87. Convertir des volumes

Grandeurs [p.19]

88. Grandeur
89. Grandeur quotient
90. Grandeur produit
91. Convertir une vitesse
92. Convertir une durée

Espace et géométrie

Triangles [p.20]

93. Triangles particuliers
94. Inégalité triangulaire
95. Construire un triangle
96. Parallélogramme
97. Triangles semblables

Théorèmes [p.21]

98. Théorème de Pythagore
99. Trigonométrie
100. Théorème de Thalès

Sections planes [p.22]

101. Section d'un pavé droit
102. Section d'un cylindre
103. Section d'une pyramide, d'un cône

Calculer une longueur [p.22]

104. Avec Pythagore
105. Avec la trigonométrie
106. Dans une configuration de Thalès

Calculer un angle [p.22]

107. Avec la règle des 180°
108. Avec la trigonométrie

Démontrer [p.23]

109. qu'un triangle est rectangle
110. que deux droites sont parallèles

Transformations [p.24]

111. Effets d'une symétrie axiale
112. Effet d'une symétrie centrale
113. Effet d'une rotation
114. Effet d'une translation
115. Propriétés de conservation
116. Effet d'une homothétie

Repérage [p.25]

117. Se repérer sur une droite graduée
118. Graduer un axe
119. Se repérer dans le plan
120. Se repérer sur une sphère
121. Se repérer sur un pavé droit

Algorithmique et programmation

Avec Scratch [p.26]

122. Séquence d'instructions
123. Instruction conditionnelle
124. Boucle
125. Programme de calcul
126. Bloc personnalisé
127. Petite application

011 Nombres décimaux

Partie entière 2,415 Partie décimale 0,415

$$2,415 = 2 + \frac{415}{1000} = 2 + \frac{4}{10} + \frac{1}{100} + \frac{5}{1000}$$

Partie entière			Décimales		
C	D	U	1/10	1/100	1/1000
		2	4	1	5

012 Multiplier par 10, 100 ou 1 000

Cela revient à rendre le nombre 10, 100 ou 1 000 fois plus grand.

17 $\times 10 \rightarrow 170$ $\div 10 \rightarrow 17$
 56,38 $\times 10 \rightarrow 563,8$ $\div 10 \rightarrow 5,638$
 3,2 $\times 100 \rightarrow 320$ $\div 100 \rightarrow 0,032$
 0,586 $\times 1000 \rightarrow 586$ $\div 1000 \rightarrow 0,000586$

013 Diviser par 10, 100 ou 1 000

Cela revient à rendre le nombre 10, 100 ou 1 000 fois plus petit.

014 Organiser ses calculs

Priorité aux (), puis aux puissances, ensuite aux multiplications ou divisions et enfin aux additions et soustractions.

- $10 - (1 + 2) \times 3 = 10 - 3 \times 3 = 10 - 9 = 1$
- $2 \times 3^2 + 8 \div 2 = 2 \times 9 + 8 \div 2 = 18 + 4 = 22$

Puissance ()

On fait les calculs de la gauche vers la droite lorsque l'expression ne comporte que des + et -, ou que des \times et des \div .

- $40 - 7 + 20 = 33 + 20 = 53$
- $15 \div 3 \times 2 = 5 \times 2 = 10$

Comparer des grands 015

Le plus grand nombre est celui qui a le plus de chiffres.

$$4\ 556\ 400 > 99\ 234$$

7 chiffres 5 chiffres

$$9\ 667\ 749 < 9\ 755\ 221$$

6 < 7

S'ils ont le même nombre de chiffres, on compare leurs chiffres en partant de la gauche.

Comparer 2 nombres décimaux 016

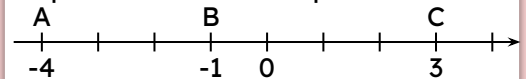
Pour comparer 5,3 et 5,295, on compare les chiffres des unités (5), et comme ils sont égaux on compare les chiffres des dixièmes (3 > 2) donc :

$$5,3 > 5,295$$

Partie entière			Décimales		
C	D	U	1/10	1/100	1/1000
		5	3	0	0
		5	2	9	5

Comparer des relatifs 017

Penser aux températures : La plus « froide » est la plus basse !



- Avec deux négatifs : le plus petit est celui qui a la distance la plus éloignée de 0 : $-4 < -1$.
- Avec un négatif et un positif : le plus petit est le nombre négatif : $-4 < 3$.
- Et dans tous les cas le plus petit nombre est celui que l'on rencontre en premier : $-100 < 25$.

018 Ajouter et soustraire des relatifs

→ Ajouter deux relatifs :

- de même signe : $3 + 6 = 9$; $(-5) + (-2) = (-7)$
- de signes contraires : $13 + (-7) = 6$; $(-7) + 4 = -3$

→ Soustraire deux relatifs : $15 - 2 = 13$; $12 - (-1) = 12 + 1 = 13$

“Soustraire, c’est ajouter l’opposé.”

019 Calculer une somme algébrique

$A = 7 - 12 + 9 - 15$
 $A = 7 + (-12) + 9 + (-15)$
 $A = 7 + 9 + (-12) + (-15)$
 $A = 16 + (-27)$
 $A = -11$

Remplacer toutes les soustractions par des additions de l’opposé puis regrouper les positifs et les négatifs.

020 Multiplier ou diviser 2 relatifs

Règle :

$(+) \times (+) = (+)$	• $(+4) \times (+5) = (+20)$
$(-) \times (-) = (+)$	• $(-6) \times (-2) = (+12)$
$(+) \times (-) = (-)$	• $(+14) \div (-2) = (-7)$
$(-) \times (+) = (-)$	• $(-20) \div (+4) = (-5)$

021 Multiplier plusieurs relatifs

On compte le nombre de facteurs (-).
 → S’il est **pair**, alors le résultat est + ;
 → S’il est **impair**, alors le résultat est -.

$(-5) \times (-2) \times (-1) \times 7 \times (-9)$
 est un nombre **positif** car dans ce produit il y a 4 facteurs négatifs.

022 Les préfixes multiplicatifs

Préfixe	téra	giga	méga	kilo	déca	unité	déci	centi	milli	micro	nano
Symbole	T	G	M	k	da	u	d	c	m	μ	n
Puissance	10^{12}	10^9	10^6	10^3	10^1	10^0	10^{-1}	10^{-2}	10^{-3}	10^{-6}	10^{-9}

Exemple des unités de stockage informatique :
 1 Go (Gigaoctet) = 1 000 Mo (Mégaoctets) = 10^9 o (octets)

Carrés et racines carrées 023


a	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
a ²	1	4	9	16	25	36	49	64	81	100

On en déduit :

$\sqrt{1} = 1$	$\sqrt{4} = 2$	$\sqrt{9} = 3$	$\sqrt{16} = 4$
$\sqrt{25} = 5$	$\sqrt{36} = 6$	$\sqrt{49} = 7$	$\sqrt{64} = 8$
$\sqrt{81} = 9$	$\sqrt{100} = 10$	$\sqrt{121} = 11$	$\sqrt{144} = 12$

Calculer avec les puissances 024

$5^3 = 5 \times 5 \times 5$; $7^1 = 7$; $12^0 = 1$; $10^4 = 10\,000$
 2^{-1} est l’inverse de 2 : $2^{-1} = \frac{1}{2^1} = 0,5$

 Ne pas confondre : $5^3 \neq 3 \times 5$

$(3x)^2 = 3x \times 3x = 3 \cdot x \cdot 3 \cdot x = 3 \cdot 3 \cdot x \cdot x = 9x^2$

Propriétés : Pour multiplier ou diviser deux puissances d’un même nombre, on ajoute ou on soustrait les exposants.

$9^3 \times 9^2 = 9^{3+2} = 9^5$ $\frac{10^5}{10^2} = 10^{5-2} = 10^3$

Notation scientifique 025

Un nombre avec un seul chiffre non nul avant la virgule, suivi d’une puissance de 10 qui multiplie ce nombre.

$2\,021 = 2,021 \times 10^3$

Encadrer une racine carrée 026

Pour encadrer $\sqrt{20}$ par deux entiers consécutifs, on cherche les deux carrés qui encadrent $\sqrt{20}$.

$16 < 20 < 25$ donc $4 < \sqrt{20} < 5$

027 Division euclidienne

Effectuer la division euclidienne de a par b , c'est trouver le quotient q et le reste r tel que :

$$\begin{array}{r|l} 148 & 3 \\ -12 & 49 \\ \hline 28 & \\ -27 & \\ \hline 1 & \end{array}$$

$$a = b \times q + r \text{ (avec } 0 \leq r < b)$$

Donc $148 = 3 \times 49 + 1$

028 Divisibilité

Pour savoir si b divise a , on utilise la **division euclidienne** de a par b :

$$a = b \times q + r \text{ avec } 0 \leq r < b$$

Si $r = 0$, alors b est un diviseur de a .

- 21 est divisible par 3 car $21 = 3 \times 7 + 0$; le reste est nul !
- 21 n'est pas divisible par 4 car $21 = 4 \times 5 + 1$; Le reste n'est pas nul !

029 Nombres premiers

Un nombre est premier lorsqu'il est **divisible par exactement deux nombres** : par 1 et par lui-même.

Exemple : Les 25 nombres premiers inférieurs à 100 sont 2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19, 23, 29, 31, 37, 41, 43, 47, 53, 59, 61, 67, 71, 73, 79, 83, 89 et 97...



1 n'est pas premier car il n'a qu'un seul diviseur !

030 Décomp. en facteurs premiers

Pour décomposer 126 en facteurs premiers, on va déterminer ses diviseurs premiers dans l'ordre croissant. On obtient ainsi :

$$\begin{array}{r|l} 126 & 2 \\ 63 & 3 \\ 21 & 3 \\ 7 & 7 \\ 1 & \end{array} \quad \text{“ On divise par les plus petits nombres premiers jusqu'à trouver 1.”}$$

$$126 = 2 \times 3 \times 3 \times 7 = 2 \times 3^2 \times 7$$

031 Fraction irréductible

Pour rendre irréductible une fraction, on va décomposer son numérateur et son dénominateur en produit de facteurs premiers :

$$\frac{30}{36} = \frac{2 \times 3 \times 5}{2 \times 2 \times 3 \times 3} = \frac{5}{2 \times 3} = \frac{5}{6}$$

032 Critère de divisibilité

Un nombre entier est divisible par...

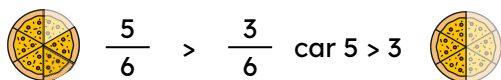
- **2** : si le chiffre des unités est pair (0, 2, 4, 6 ou 8). Ex : 13 574 ; 279 836
- **3** : si la somme de ses chiffres est un nombre multiple de 3. Ex : 741 ($7 + 4 + 1 = 12$)
- **5** : si le chiffre des unités est 0 ou 5. Ex : 3 570 ; 14 235
- **9** : si la somme de ses chiffres est un nombre multiple de 9. Ex : 6 318 ($6 + 3 + 1 + 8 = 18$)
- **10** : si le chiffre des unités est 0. Ex : 120 ; 13 000

033 Crible d'Ératosthène

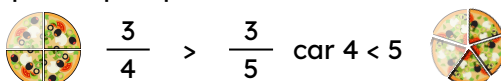


034 Comparer des fractions

Si deux fractions ont le **même dénominateur**, la plus grande est celle qui a le plus grand numérateur.



Si deux fractions ont le **même numérateur**, la plus grande est celle qui a le plus petit dénominateur.



Si deux fractions ont des **dénominateurs différents**, on les **réduit au même dénominateur** :

$$\left. \begin{aligned} \frac{3}{4} &= \frac{3 \times 3}{4 \times 3} = \frac{9}{12} \\ \frac{2}{3} &= \frac{2 \times 4}{3 \times 4} = \frac{8}{12} \end{aligned} \right\} \begin{aligned} \frac{9}{12} &> \frac{8}{12} \\ \text{donc} \\ \frac{3}{4} &> \frac{2}{3} \end{aligned}$$

On peut parfois les comparer à 1 :

$$\frac{3^2}{8} < 1 \text{ et } \frac{9}{5} > 1 \text{ donc } \frac{3}{8} < \frac{9}{5}$$

035 Fractions égales

Pour obtenir une fraction égale, on multiplie ou on divise le numérateur et le dénominateur par un même nombre non nul.

$$\frac{6}{22} = \frac{6 \div 2}{22 \div 2} = \frac{3}{11} \quad \frac{6}{22} = \frac{2 \times 3}{2 \times 11} = \frac{3}{11}$$

$$\frac{5}{12} = \frac{5 \times 3}{12 \times 3} = \frac{15}{36} \quad \frac{15}{36} = \frac{5 \times 3}{12 \times 3} = \frac{5}{12}$$

036 Prendre une fract° d'un nombre

$$\frac{2}{3} \text{ de } 9 = \frac{2}{3} \times 9 = \frac{2 \times 9}{3} = 2 \times \frac{9}{3} = 6$$

037 Multiplier ou diviser

Pour multiplier deux fractions, on multiplie les numérateurs entre eux et les dénominateurs entre eux :

$$\frac{3}{4} \times \frac{11}{7} = \frac{3 \times 11}{4 \times 7} = \frac{33}{28}$$

Pour diviser par une fraction, on multiplie par son inverse (**inverse de la deuxième** fraction uniquement) :

$$\frac{2}{5} \div \frac{3}{7} = \frac{2}{5} \times \frac{7}{3} = \frac{14}{15}$$

038 Ajouter ou soustraire

Observer les **dénominateurs**, si...

→ ils sont identiques :

$$\frac{13}{6} - \frac{8}{6} = \frac{13 - 8}{6} = \frac{5}{6}$$

→ ils sont multiples l'un de l'autre :

$$\frac{1}{3} + \frac{7}{12} = \frac{1 \times 4}{3 \times 4} + \frac{7}{12} = \frac{4}{12} + \frac{7}{12} = \frac{11}{12}$$

→ ils sont quelconques :

$$\frac{5}{2} + \frac{1}{7} = \frac{5 \times 7}{2 \times 7} + \frac{1 \times 2}{7 \times 2} = \frac{35}{14} + \frac{2}{14} = \frac{37}{14}$$

Penser à simplifier si c'est possible !

039 Résoudre un problème

Pour un cocktail, verser dans un verre :

- ❖ $\frac{3}{10}$ du verre de jus d'ananas ;
- ❖ $\frac{3}{5}$ de jus de mangue ;

Finir de remplir avec du jus de fraise. Quelle fraction du verre doit-on ajouter ?

$$1 - \frac{3}{10} - \frac{3}{5} = \frac{10 - 3 - 6}{10} = \frac{1}{10}$$

Il faut $\frac{1}{10}$ du verre en jus de fraise.

040 Calculer une expression littérale

- Pour $a = 7$,
 $E = 5a - 10 = 5 \times 7 - 10 = 35 - 10$.
- Pour $y = 3$,
 $F = y^2 + 5 = 3^2 + 5 = 9 + 5 = 14$.

041 Tester une égalité

L'égalité $4x + 5 = 19 - 2x$ est-elle vraie pour $x = 2$?

Pour $x = 2$ alors

- $4x + 5 = 4 \times 2 + 5 = 8 + 5 = 13$
- $19 - 2x = 19 - 2 \times 2 = 19 - 4 = 15$
or $13 \neq 15$, donc l'égalité est fausse.

042 Réduire une somme algébrique

C'est l'écrire avec le moins de termes possibles !

$$A = 5 \times 4x - 2 + 11x + 7$$

$$A = 20x - 2 + 11x + 7$$

$$A = 20x + 11x - 2 + 7$$

$$A = 31x + 5$$

043 Développer et réduire

→ Distributivité simple :

$$k(a + b) = k \times a + k \times b$$

$$E = 5(2x + 3) = 5 \times 2x + 5 \times 3 = 10x + 15$$

→ Distributivité double :

$$(a + b)(c + d) = a \times c + a \times d + b \times c + b \times d$$

$$E = (x + 6)(x + 2)$$

$$E = x \times x + x \times 2 + 6 \times x + 6 \times 2$$

$$E = x^2 + 2x + 6x + 12$$

$$E = x^2 + 8x + 12$$

044 Ajouter, soustraire une express°

- $4a + (-5 + 3a) = 4a + (-5) + (+3a)$
 $= 4a - 5 + 3a = 7a - 5$
- $4a - (-5 + 3a) = 4a - (-5) - (+3a)$
 $= 4a + 5 - 3a = a + 5$

Factoriser 045

$$k \times a + k \times b = k(a + b)$$

$$E = 7a + 7b - 7c \quad F = 15y + 10y^2$$

$$E = 7(a + b - c) \quad F = 5y \times 3 + 5y \times 2y$$

$$F = 5y(3 + 2y)$$

Résoudre une équation 046

$5x - 2 = 2x + 7$

éliminer les x d'un membre

$$5x - 2 - 2x = 2x + 7 - 2x$$

$$3x - 2 = 7$$

éliminer les constantes de l'autre membre

$$3x - 2 + 2 = 7 + 2$$

$$3x = 9$$

OBJECTIF isoler x !

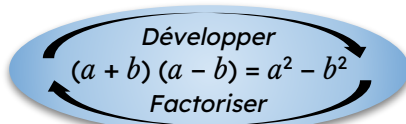
$$3x \div 3 = 9 \div 3$$

$$x = 3$$

diviser par le coeff. devant x

$$S = \{3\}$$

Les identités remarquables 047



→ Développer :

$$(3x + 4)(3x - 4) = (3x)^2 - (4)^2$$

$$= 3 \times 3 \times x \times x - 4 \times 4$$

$$= 9x^2 - 16$$

→ Factoriser :

$$36x^2 - 9 = (6x)^2 - 3^2 = (6x - 3)(6x + 3)$$

Résoudre une équation produit 048

Résoudre $(x - 2)(2x + 3) = 0$.

Un produit de facteurs est nul si et seulement si au moins l'un des facteurs est nul.

donc $(x - 2)(2x + 3) = 0$ signifie que

$$x - 2 = 0 \quad \text{ou} \quad 2x + 3 = 0$$

$$x = 2 \quad \quad \quad 2x = -3$$

$$\quad \quad \quad \quad \quad x = -1,5$$

$$S = \{2 ; -1,5\}$$

049 Reconnaître la proportionnalité

Avec le test du double :

Lorsque **2 grandeurs** (ex : 1 quantité et 1 prix) varient de la **même** façon, on parle de **proportionnalité**.

Si 1 kg coûte 3 €, 2 kg coûteront donc deux fois ce prix, soit $2 \times 3 \text{ €} = 6 \text{ €}$.

! Deux grandeurs ne sont pas toujours proportionnelles :

“ Pour le double de ..., a-t-on le double de ... ? ” : Si à 14 ans tu mesures 1 mètre 50, alors à 28 ans tu devrais mesurer 3 m, ce qui est absurde !

Dans un tableau :

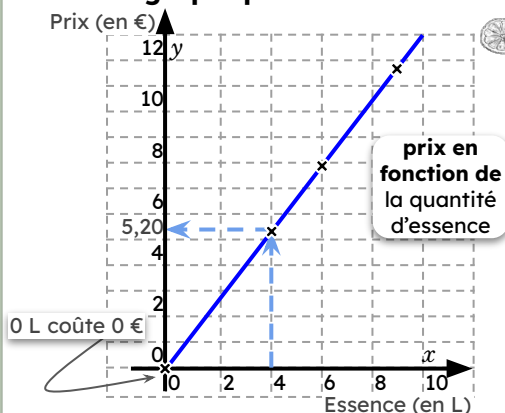
Léo fait plusieurs fois le plein de son scooter et note les prix :

Essence (en L)	6	4	9
Prix (en €)	7,80	5,20	11,70

$\frac{7,80}{6} = 1,30$; $\frac{5,20}{4} = 1,30$; $\frac{11,70}{9} = 1,30$

Tous les quotients sont égaux, donc la quantité et le prix sont proportionnels.

Sur un graphique :



Tous les points sont alignés avec l'origine, donc la quantité et le prix sont proportionnels.

Calculer avec la proportion **050**

Chez Ti'Sam, 3 samoussas coûtent 1,20 € et 5 samoussas coûtent 2 €.

Avec la linéarité additive

Quel est le prix de 8 samoussas ?

- 8 samoussas c'est 3 + 5 samoussas
- 8 sam. coûtent 1,20 € + 2 € = 3,20 €

Avec la linéarité multiplicative

Quel est le prix de 15 samoussas ?

- 15 c'est 5 fois plus que 3 samoussas
- 15 sam. coûtent $5 \times 1,20 \text{ €} = 6 \text{ €}$

Avec le passage à l'unité :

Quel est le prix de 7 samoussas ?

- 3 samoussas coûtent 1,20 €.
- 1 samoussa $\rightarrow 1,20 \text{ €} \div 3 = 0,40 \text{ €}$.
- 7 samoussas $\rightarrow 7 \times 0,40 \text{ €} = 2,80 \text{ €}$.

Avec le coeff. de proportionnalité

Quel est le prix de 11 samoussas ?

Samoussas	3	11
Prix (en €)	1,20	4,40

↔ 0,40 (multiplication) ↖ 0,40 (division)

Pour déterminer le coefficient de proportionnalité, on calcule $1,20 \div 3$. Donc 11 samoussas coûtent 4,40 €.

Avec la 4^{ème} proportionnelle

Quel est le prix de 25 samoussas ?

$$\frac{3 \text{ samoussas}}{1,20 \text{ €}} = \frac{25 \text{ samoussas}}{x}$$

$$x = 1,20 \times 25 \div 3 = 10 \text{ €}$$
 Donc 25 samoussas coûtent 10 €.

Ratio **051**

Dans la recette d'un cocktail on trouve du jus d'orange, du jus de pomme, du jus de citron et de la limonade dans le ratio **4 : 4 : 1 : 3**.

Quelle quantité de limonade faut-il prévoir pour préparer 1,5 L de boisson ?

- $4 + 4 + 1 + 3 = 12$ parts.
- 1 part : $1,5 \text{ L} \div 12 = 0,125 \text{ L} = 12,5 \text{ cL}$.
- $3 \times 12,5 \text{ cL} = 37,5 \text{ cL}$ de limonade.

052 Échelle

Sur une carte à l'échelle 1/75 000, la distance entre St-Gilles et Ste-Anne est de 72 cm. Déterminer la distance réelle à vol d'oiseau (ligne droite) :

	Échelle	St Gilles - Ste Anne
Distance sur le plan en cm	1	72
Distance réelle en cm	75 000	$72 \times 75\ 000 = 5\ 400\ 000$



La distance à vol d'oiseau en km entre Saint-Gilles et Sainte-Anne est donc de 5 400 000 cm, soit 54 km (voir la page conversion).

053 Déterminer un pourcentage

C'est calculer une proportion sur 100 !

Dans une classe de 20 élèves, 3 sont gauchers, quel est le pourcentage de gauchers ?

- $\frac{3}{20} = 3 \div 20 = 0,15 = \frac{15}{100} = 15\%$
- ou
- $\frac{3}{20} \times 100 = 15$ soit 15 % de gauchers.

054 Prendre un pourcentage

95 % des 500 élèves du collège ont un téléphone portable, cela représente :

$$\frac{95}{100} \times 500 \text{ élèves} = 475 \text{ élèves}$$

C'est multiplier le nombre par ce pourcentage.

- Prendre 50%, c'est prendre la moitié.
- Prendre 25%, c'est prendre le quart.
- Prendre 75%, c'est prendre les trois quarts.
- Prendre 100%, c'est prendre la totalité.
- Prendre 200 %, c'est prendre le double.

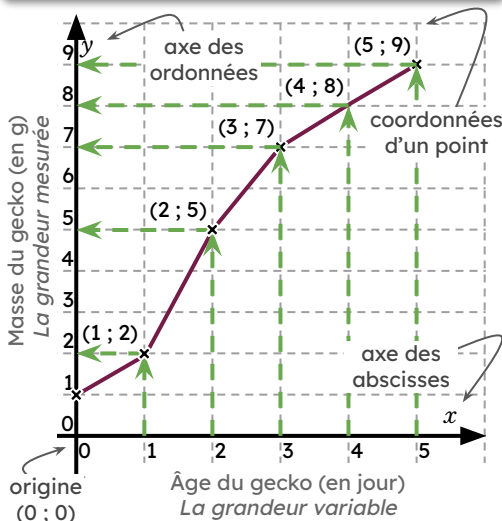
055 Calculer une augmentation ou une réduction

Une robe à 49 € est soldée à -30 %. Quel est le prix soldé de cette robe ?

- Remise : $\frac{30}{100} \times 49 \text{ €} = 14,70 \text{ €}$
- Prix soldé : $49 \text{ €} - 14,70 \text{ €} = 34,30 \text{ €}$

Représentation graphique 056

Représentation graphique de la masse d'un gecko en fonction de son âge.



Âge du gecko (en jour)	0	1	2	3	4	5
Masse du gecko (en g)	1	2	5	7	8	9

La masse du gecko n'est pas proportionnelle à son âge, en effet les points ne sont pas alignés avec l'origine, et les quotients ne sont pas égaux !

$$\frac{2}{1} = 2 ; \quad \frac{5}{2} = 2,5$$



057 Notion de fonction

Processus qui permet, à partir d'un nombre de départ, d'obtenir un unique nombre d'arrivée.

Si on laisse tomber 3 dans cette machine, on obtient $3^2 + 7 = 9 + 7 = 16$. Ainsi : "3 a pour **image** 16".



Pour un nombre x , on obtient $x^2 + 7$.

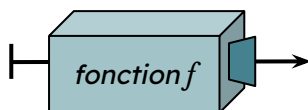
Appelons cette **fonction** f , on note :

$$f: x \mapsto x^2 + 7$$

se lit : "la fonction f qui à x associe $x^2 + 7$ ".

059 Vocabulaire des fonctions

- Nombre de départ
- x
- un antécédent
- abscisse



- Nombre d'arrivée
- $f(x) ; y$
- l'image
- ordonnée

- Fonction affine $f: x \mapsto ax + b$
- Fonction linéaire $f: x \mapsto ax$
- Fonction constante $f: x \mapsto b$

Avec a coefficient directeur et b ordonnée à l'origine.

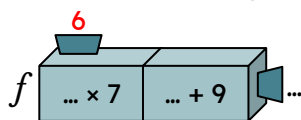
Les fonctions linéaires et constantes sont des cas particuliers de fonctions affines.

060 Calculer l'image

Soit $f: x \mapsto 7x + 9$

Calculer l'image de 6 par f .

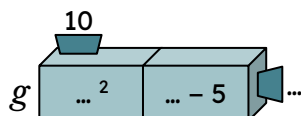
- $f(6) = 7 \times 6 + 9 = 42 + 9 = 51$
donc 6 a pour image 51 par f .



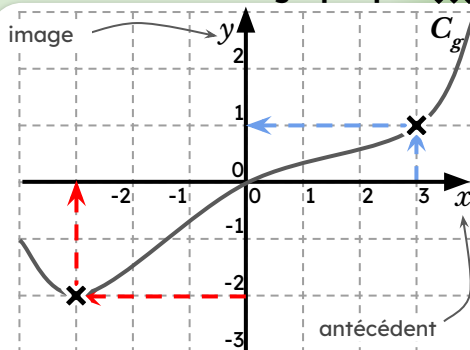
Soit $g: x \mapsto x^2 - 5$

Calculer l'image de 10 par g .

- $g(10) = 10^2 - 5 = 100 - 5 = 95$
donc 10 a pour image 95 par g .



058 Lecture graphique



- L'image par g de 3 est 1 : $g(3) = 1$
- L'antécédent par g de -2 est -3 : $g(-3) = -2$

Déterminer un antécédent

Soit $h: x \mapsto 3x - 1$

Déterminer un antécédent de 14 par h revient à résoudre $h(x) = 14$ soit :

$$\begin{aligned} 3x - 1 &= 14 \\ 3x - 1 + 1 &= 14 + 1 \\ 3x &= 15 \\ 3x \div 3 &= 15 \div 3 \\ x &= 5 \end{aligned}$$

Donc 14 a pour antécédent 5 par h .



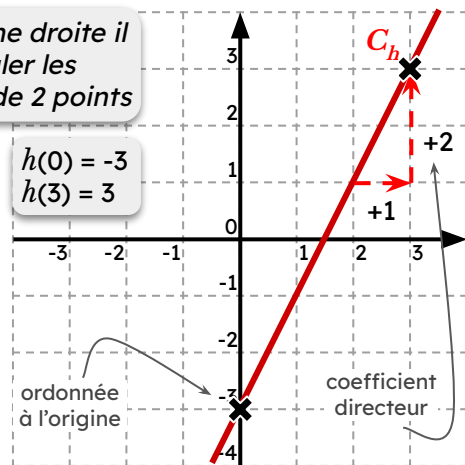
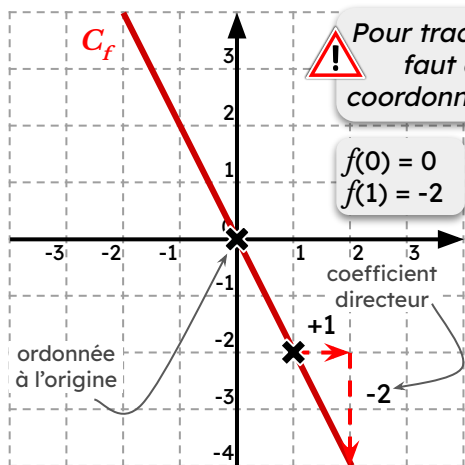
On peut aussi "remonter la machine" :

- $14 + 1 = 15$
- $15 \div 3 = 5$.

062 Représenter graphiquement une fonction linéaire ou une fonction affine

$f : x \mapsto -2x$ est une fonction **linéaire**.
Donc sa représentation graphique est une **droite** qui passe par l'**origine** et par le point (1 ; -2).

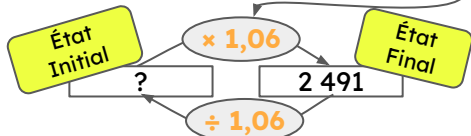
$h : x \mapsto 2x - 3$ est une fonction **affine**.
Donc sa représentation graphique est une **droite** qui passe par (0 ; -3) et par le point (3 ; 3).



063 Utiliser un % d'évolution

Mon salaire est aujourd'hui de 2 491 €. Il vient d'augmenter de 6%. Quel était mon ancien salaire ?

$$100\% + 6\% = 106\% = 106/100 = 1,06$$

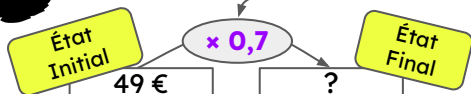


$$? = 2\,491 \text{ €} \div 1,06 = 2\,350 \text{ €}$$

Mon ancien salaire était de 2 350 €.

Une robe à 49 € est soldée à -30%. Quel est le prix soldé de cette robe ?

$$100\% - 30\% = 70\% = 70/100 = 0,70$$



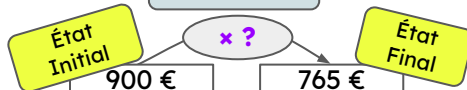
$$? = 49 \text{ €} \times 0,7 = 34,30 \text{ €}$$

Le prix soldé de la robe est 34,30 €.

064 Calculer un % d'évolution

Au black friday, le prix d'un smartphone, passe de 900 € à 765 €. Cela correspond à une évolution de combien de % ?

$$900 \times ? = 765 \text{ €}$$



$$? = 765 \div 900 = 0,85 = 85\% = 100\% - 15\%$$

Le prix du smartphone a donc baissé de 15%.

Dans la cas d'une **augmentation**, le coefficient multiplicateur est **supérieur à 1**.

Dans le cas d'une **réduction**, le coefficient multiplicateur est **inférieur à 1**.

Voici les 13 pointures des filles d'une classe sous forme de série statistique :
39 ; 36 ; 38 ; 41 ; 37 ; 38 ; 37 ; 39 ; 36 ; 39 ; 40 ; 37 ; 39.

065 Effectif et fréquence

- L'**effectif** des filles qui chaussent du 37 est de 3.
- L'**effectif total** est de 13.
- La **fréquence** de la pointure 37 est :

$$f = \frac{3}{13} \approx 0,23$$

soit environ 23% des filles.
"On compte 3 fois la pointure 37 sur les 13 réponses données."

066 Calculer une moyenne simple

$$M = \frac{36 + 36 + 37 + 37 + 37 + \dots + 41}{13}$$

$$M = \frac{496}{13} \approx 38,2$$

067 Calculer une moyenne pondérée

On affecte des coefficients à chaque pointure :

$$M = \frac{36 \times 2 + 37 \times 3 + 38 \times 2 + \dots + 41 \times 1}{13}$$

$$M = \frac{496}{13} \approx 38,2$$

068 Calculer une étendue

Étendue = valeur max - valeur min

L'**étendue** de cette série est :
e = 41 - 36 = 5.

H2					<i>fx</i>	=SOMME(B2:G2)		
	A	B	C	D	E	F	G	H
1	Point.	36	37	38	39	40	41	Total
2	Eff.	2	3	2	4	1	1	13

Calculer une médiane

Il y a 13 valeurs à ranger dans l'ordre croissant :

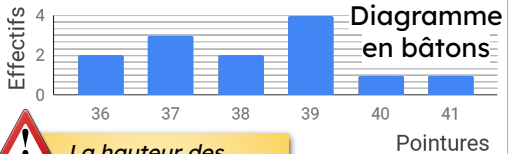
36 ; 36 ; 37 ; 37 ; 37 ; 38 ; **38** ;
39 ; 39 ; 39 ; 39 ; 40 ; 41

La **médiane** qui partage la série en deux groupes de même effectif, est la 7^e valeur, soit 38.

Interprétation : Il y a autant d'élèves qui chaussent du 38 ou moins, que d'élèves qui chaussent du 38 ou plus.

Représenter des données

Effectifs des filles en fonction des pointures



! La hauteur des bâtons et la mesure des secteurs sont toujours proportionnelles aux effectifs.



Pointure	36	37	38	39	40	41	Total
Effectif	2	3	2	4	1	1	13
%	15	23	15	31	8	8	100
degrés	55	83	55	111	28	28	360

Avec un tableur

Somme des effectifs en H2 :

= SOMME (B2 : G2) ou

= B2 + C2 + D2 + E2 + F2 + G2

Expérience : On tire une boule au hasard dans l'urne ci-contre.



072 Expérience aléatoire

Expérience dont on connaît la liste des issues possibles mais on ne sait pas laquelle se produira. Une **issue** est un résultat possible de l'expérience.

Si toutes les issues ont les mêmes chances de se réaliser, on dit qu'elles sont **équiprobables**.

073 Probabilité d'une issue

$$\text{Probabilité} = \frac{\text{nb de cas favorables}}{\text{nb de cas possibles}}$$

On s'intéresse au numéro de la boule. Il y a 4 issues "1", 3 issues "4", et 1 issue "5".

Issues	1	4	5	Total
Probabilité	4/8	3/8	1/8	8/8 = 1

! Une probabilité est un nombre toujours compris entre 0 et 1.

077 Arbre de probabilité

Mathis lance une pièce équilibrée de 1€, et note le résultat : Pile (P) ou Face (F), puis tire au hasard une boule du sac et observe sa couleur : rouge (R), bleu (B) ou vert (V). Quelle est la probabilité de l'événement E, pour Mathis de tomber sur Face puis de tirer une boule verte ?

$$P(E) = \frac{1}{2} \times \frac{1}{5} = \frac{1 \times 1}{2 \times 5} = \frac{1}{10}$$

Avec un arbre, la probabilité d'obtenir une issue est égale au produit des probabilités rencontrées le long du **chemin**.

074 Probabilité d'un événement

Un événement est constitué d'une ou plusieurs issues.

Événement A : "Tirer un numéro pair".
 $P(A) = 3/8 = 0,375 = 37,5 \%$

Événement B : "Tirer un numéro compris entre 1 et 6".
 $P(B) = 8/8 = 1$ (événement **certain**).

Événement C : "Tirer le 3".
 $P(C) = 0$ (événement **impossible**).

075 Événements incompatibles

- "Tomber sur un numéro pair" }
- "Tomber sur le 5".

Ils ne peuvent se réaliser en même temps !

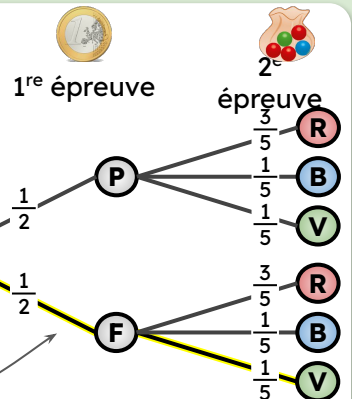
076 Événement contraire de A

C'est l'événement constitué de toutes les issues qui ne sont pas dans A. Il est noté \bar{A} .

- Si A : "Tirer un numéro pair" Alors \bar{A} : "Tirer un numéro impair".
- Si E : "Tirer le numéro 5" Alors \bar{E} : "Ne pas tirer le numéro 5".

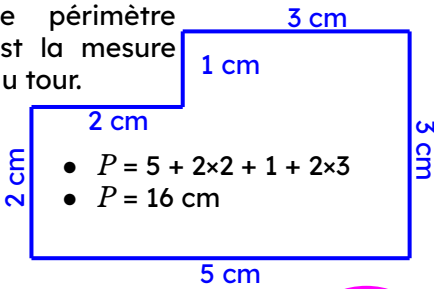
$$P(\bar{A}) = 1 - P(A)$$

- $P(\bar{A}) = 1 - 0,375 = 0,625 = 62,5\%$
- $P(\bar{E}) = 1 - 0,125 = 0,875 = 87,5\%$



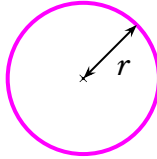
078 Périmètres

→ Le périmètre est la mesure du tour.



- $P = 5 + 2 \times 2 + 1 + 2 \times 3$
- $P = 16 \text{ cm}$

→ Circonférence d'un cercle de rayon 3 cm :



$P = 2 \times \pi \times r \text{ cm} = 2\pi \times 3 \text{ cm}$
 $P = 6\pi \text{ cm} \approx 18,8 \text{ cm}$

079 Convertir des longueurs

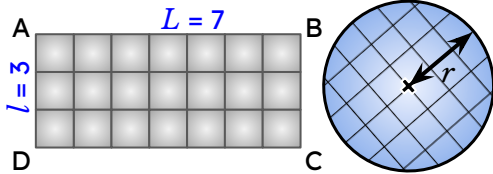
km	hm	dam	m	dm	cm	mm
			7	2	3	0
1	5	0	0			

- $7\ 230 \text{ mm} = 7,23 \text{ m}$
- $1,5 \text{ km} = 1\ 500 \text{ m}$

080 Aires

→ L'aire est la mesure de la surface.

• $A_{ABCD} = L \times l = 7 \text{ cm} \times 3 \text{ cm} = 21 \text{ cm}^2$



- Aire du disque de rayon 3 cm est :
 $A = \pi \times r^2 \text{ cm}^2 = \pi \times 3^2 \text{ cm}^2 = 9\pi \text{ cm}^2$
 $A \approx 28,3 \text{ cm}^2$

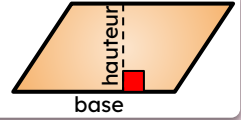
081 Convertir des aires

km ²	hm ²	dam ²	m ²	dm ²	cm ²	mm ²
1	0	0	0	0	0	0
				5	0	0

- $1 \text{ km}^2 = 1\ 000\ 000 \text{ m}^2$
- $50\ 000 \text{ mm}^2 = 5 \text{ dm}^2$

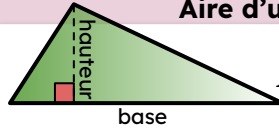
Aire d'un parallélogramme 082

$A_{\text{Parallélogramme}} = b \times h$



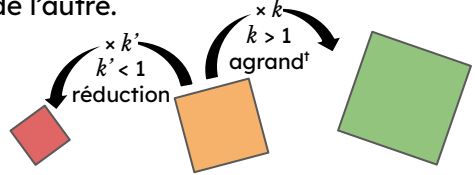
Aire d'un triangle 083

$A_{\text{Triangle}} = \frac{b \times h}{2}$



Coeff. d'agrandisse^t/réduct^o 084

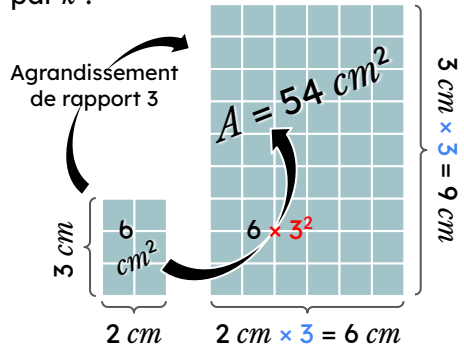
Lorsque deux figures ont la même forme et des longueurs proportionnelles, on dit que l'une est un agrandissement ou une réduction de l'autre.



Dans un agrandissement ou une réduction de rapport k :

$k = \frac{\text{une longueur de la figure finale}}{\text{la longueur correspondante initiale}}$

- les mesures d'angles sont conservées ;
- les longueurs sont multipliées par k ;
- l'aire d'une surface est multipliée par k^2 ;
- le volume d'un solide est multiplié par k^3 .



085 Calculer des volumes

Combien faut-il de litres d'eau pour remplir cette piscine de diamètre 4 m et de hauteur 1,2 m ?

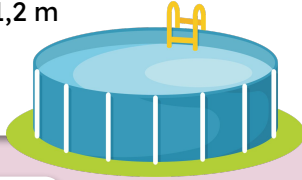
$$V = \pi \times r^2 \times h \text{ m}^3$$

$$V = \pi \times (2 \text{ m})^2 \times 1,2 \text{ m}$$

$$V = 4,8\pi \text{ m}^3$$

$$V \approx 15 \text{ m}^3$$

$$V \approx 15\,000 \text{ L}$$



! $1 \text{ m}^3 = 1\,000 \text{ L}$

Combien faut-il de litres d'eau pour remplir une piscine rectangulaire de 5 m par 4 m et de profondeur 1,5 m ?



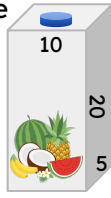
$$V_{\text{Piscine}} = 5 \text{ m} \times 4 \text{ m} \times 1,5 \text{ m}$$

$$V_{\text{Piscine}} = 30 \text{ m}^3 = 30\,000 \text{ L}$$

Quelle est la contenance d'une brique de jus de fruit de dimensions 5 cm par 10 cm par 20 cm ?

$$V_{\text{Brique}} = 5 \text{ cm} \times 10 \text{ cm} \times 20 \text{ cm}$$

$$V_{\text{Brique}} = 1\,000 \text{ cm}^3 = 1 \text{ dm}^3 = 1 \text{ L}$$



087 Convertir des volumes

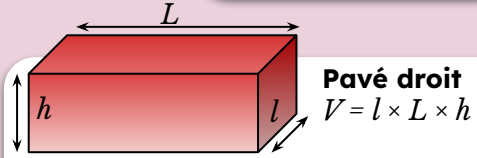
	÷ 1 000			× 1 000			
	m³	dm³	cm³	mm³			
	KL	hL	daL	L	dL	cL	mL
				1	0	0	0
				5	0	0	0

Exemples :

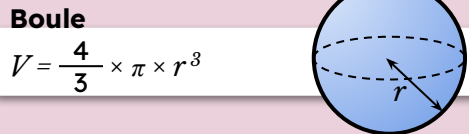
- $1 \text{ dm}^3 = 1 \text{ L} = 1\,000 \text{ cm}^3$
- $1 \text{ km}^3 = 1\,000\,000\,000 \text{ m}^3$
- $5\,000\,000 \text{ mm}^3 = 5 \text{ dm}^3$

Volumes 086

! Solides à deux bases :
 $V = \text{Aire}_{\text{Base}} \times \text{hauteur}$



! Solides pointus
Pense à diviser par 3



088 Grandeur

Une grandeur est une caractéristique qui se mesure ou se calcule : masse, prix, longueur, durée, etc.

JE RETIENS

1 jour = 24 h	1 h = 60 min = 3 600 s	1 min = 60 s
1 km = 1 000 m	1 m = 100 cm = 1 000 mm	
1 ha = 10 000 m ²	1 m ² = 100 dm ²	1 dm ² = 100 cm ²
1 m ³ = 1 000 L	1 L = 1 dm ³ = 1 000 cm ³	
1 T = 1 000 kg	1 kg = 1 000 g	

089 Grandeur quotient

❑ **Vitesse** : Émilie parcourt 50 km en 2 heures avec son scooter.

Sa vitesse moyenne est de : $vitesse = \frac{distance}{temps} = \frac{50 \text{ km}}{2 \text{ h}} = 25 \text{ km/h}$.

Cela signifie 25 km en 1 h.

❑ **Débit** : Il s'écoule 1500 L d'un robinet en 3 h.

Son débit est de : $débit = \frac{volume}{temps} = \frac{1500 \text{ L}}{3 \text{ h}} = 500 \text{ L/h}$.

Cela signifie 500 L en 1 h.

❑ **Densité de population** : La Réunion compte 850 000 habitants pour 2 512 km².

Sa densité est de :

$densité = \frac{effectif}{superficie} = \frac{850\,000 \text{ habitants}}{2\,512 \text{ km}^2} = 338 \text{ h/km}^2$.

Cela signifie 338 habitants au km².

090 Grandeur produit

❑ **Distance** : Un piéton marche pendant 40 secondes à la vitesse moyenne de 1,5 m/s.

La distance parcourue est de : $distance = vitesse \times temps = 1,5 \text{ m/s} \times 40 \text{ s} = 60 \text{ m}$.



❑ **Énergie** : Un radiateur d'une puissance de 800 W fonctionne pendant 2 h, quelle est sa consommation ?

$Énergie\ consommée\ (Wh) = puissance\ (W) \times temps\ (h) = 800 \text{ W} \times 2 \text{ h} = 1600 \text{ Wh}$

En 2 h, le radiateur consomme 1,6 kWh (kilowatt-heures).

091 Convertir une vitesse

→ en m/s

$25 \text{ km/h} = \frac{25 \text{ km}}{1 \text{ h}} = \frac{25\,000 \text{ m}}{3\,600 \text{ s}} \approx 7 \text{ m/s}$

→ en km/h

$10 \text{ m/s} = \frac{10 \text{ m} \times 3600}{1 \text{ s} \times 3600} = \frac{36\,000 \text{ m}}{3\,600 \text{ s}} = \frac{36 \text{ km}}{1 \text{ h}} = 36 \text{ km/h}$

Convertir une durée 092

⚠ 1,65 h ce n'est pas 1 h et 65 min, c'est inférieur à 2 h !

$1\text{h} + 0,65\text{h} = 1\text{h} + 0,65 \times 60\text{min} = 1\text{h} + 39\text{min}$

h	1	0,65
min	60	0,65×60

093 Triangles particuliers

Triangle isocèle en A

Triangle équilatéral

Triangle rectangle en B

094 Inégalité triangulaire

Pour savoir si un triangle est constructible, on vérifie que le plus grand côté est inférieur à la somme des 2 autres.

→ $7,6 < 6,3 + 5$ donc on peut construire ce triangle.

095 Construire un triangle

Connaissant les 3 côtés

Construire un triangle de côtés 6 cm, 4 cm et 5 cm.

C'est plus facile si on commence par tracer le plus grand côté !

Connaissant 1 côté et 2 angles

Construire un triangle PSG avec $PS = 6 \text{ cm}$, $\widehat{SPG} = 45^\circ$ et $\widehat{PSG} = 60^\circ$.

Parallélogramme 096

C'est un quadrilatère avec ses côtés opposés parallèles.

Si ABCD est un parallélogramme, alors :

- ses côtés opposés sont parallèles et égaux ;
- ses angles opposés ont la même mesure ;
- ses diagonales se coupent en leur milieu.

Triangles semblables 097

• $\widehat{RTL} = 180^\circ - (87^\circ + 37^\circ) = 56^\circ$

• $\widehat{BAC} = 180^\circ - (87^\circ + 56^\circ) = 37^\circ$

Les angles sont égaux deux à deux, donc les triangles sont semblables.

Leurs côtés homologues sont proportionnels, ainsi :

côtés	LT	TR	RL
RTL	1,2	2,1	1,8
côtés	BC	AB	AC
ABC	?	?	2,7

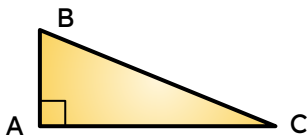
$\times 1,5$

$AB = 2 \times 1,5 = 3$

$BC = 1 \times 1,5 = 1,5$

ABC est un agrandissement de RTL de rapport 1,5.

098 **Théorème de Pythagore**



Dans un triangle **rectangle**, le carré de l'hypoténuse est égal à la somme des carrés des côtés de l'angle droit.

$$BC^2 = AB^2 + AC^2$$

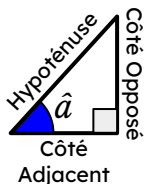
099 **Trigonométrie**

Dans un triangle **rectangle**, pour un angle aigu donné :

$$\cos(\hat{a}) = \frac{\text{Côté Adjacent à } \hat{a}}{\text{Hypoténuse}}$$

$$\sin(\hat{a}) = \frac{\text{Côté Opposé à } \hat{a}}{\text{Hypoténuse}}$$

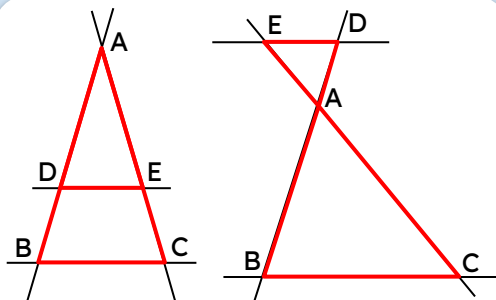
$$\tan(\hat{a}) = \frac{\text{Côté Opposé à } \hat{a}}{\text{Côté Adjacent à } \hat{a}}$$



Retiens :
CAH-SOH-TOA
(casse-toi !)

$$\cos = \frac{A}{H}$$

100 **Théorème de Thalès**

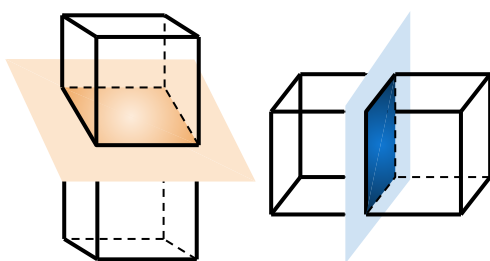


(BD) et (EC) sont **sécantes** en A et (BC) et (DE) sont **parallèles**,

donc $\frac{AD}{AB} = \frac{AE}{AC} = \frac{DE}{BC}$

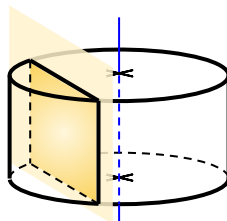
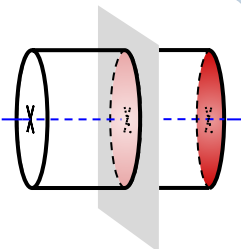
Section d'un pavé droit **101**

La section d'un pavé droit par un plan parallèle à une face ou une arête est un rectangle.



Section d'un cylindre **102**

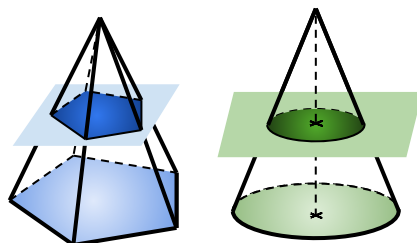
La section d'un cylindre par un plan parallèle aux bases est un disque.



La section d'un cylindre par un plan parallèle à l'axe du cylindre est un rectangle.

Sect° d'une pyramide, d'un cône **103**

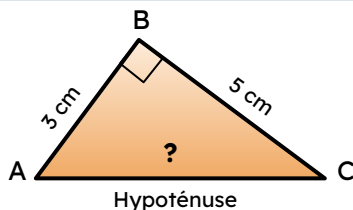
La section d'un cône ou d'une pyramide par un plan parallèle à sa base est une réduction de sa base.



104 Avec Pythagore

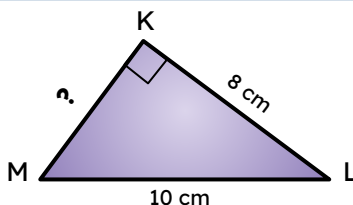
Calculer la longueur de l'hypoténuse

RÉDACTION : ABC est rectangle en B, donc d'après le théorème de Pythagore, on a $AC^2 = AB^2 + BC^2 = 3^2 + 5^2 = 9 + 25 = 34$.
D'où $AC = \sqrt{34}$ cm \approx 5,8 cm (à 1 mm près).



Calculer la longueur d'un côté de l'angle droit

RÉDACTION : KLM est rectangle en K, donc d'après le théorème de Pythagore, on a $KM^2 = ML^2 - KL^2 = 10^2 - 8^2 = 100 - 64 = 36$.
D'où $KM = \sqrt{36}$ cm = 6 cm.



105 Avec la trigonométrie

Soit RTL un triangle rectangle en R tel que $RL = 6$ cm et $\widehat{RLT} = 43^\circ$.
Déterminer RT à 1 mm près.

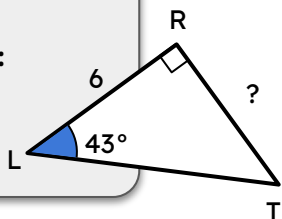
CHECK UP CAH SOH TOA

Côtés concernés :

- Côté Adjacent
- Côté Opposé
- Hypoténuse

J'utilise donc :

- Cosinus
- Sinus
- Tangente



RÉDACTION

Dans le triangle RTL rectangle en R,

$$\tan(\widehat{RLT}) = \frac{RT}{RL}$$

soit $\frac{\tan(43^\circ)}{1} = \frac{RT}{6}$

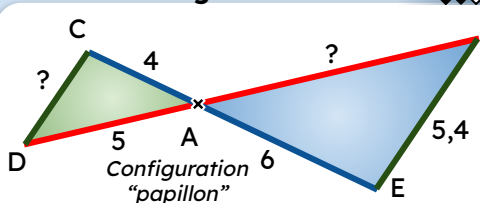
d'où $RT = 6 \text{ cm} \times \tan(43^\circ) \approx 5,6 \text{ cm}$

Pour arrondir au 1/10 près, regarde bien les 1/100 :
5,50 < 5,59 < 5,60

$6 \times \tan(43^\circ) = 5,595090517$

le + proche

Dans une configurat° de Thalès



RÉDACTION

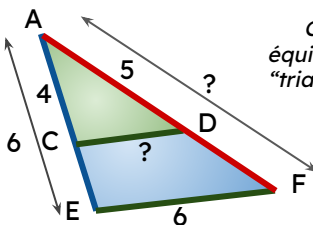
Les droites (CE) et (DF) sont sécantes en A, de plus les droites (CD) et (EF) sont parallèles, donc d'après le théorème de Thalès :

On a $\frac{AC}{AE} = \frac{AD}{AF} = \frac{CD}{EF}$

Soit $\frac{4}{6} = \frac{5}{AF} = \frac{CD}{5,4}$

$AF = \frac{6 \times 5}{4}$ cm = $\frac{30}{4}$ cm = 7,5 cm

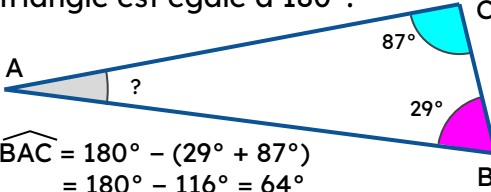
Et $CD = \frac{4 \times 5,4}{6}$ cm = $\frac{21,6}{6}$ cm = 3,6 cm



Configuration équivalente, avec les "triangles emboîtés".

107 Avec la règle des 180°

La somme des trois angles d'un triangle est égale à 180°.



$$\widehat{BAC} = 180^\circ - (29^\circ + 87^\circ) = 180^\circ - 116^\circ = 64^\circ$$

RÉDACTION

Dans le triangle XYZ rectangle en X,

$$\sin(\widehat{YZX}) = \frac{XY}{YZ} = \frac{4}{6}$$

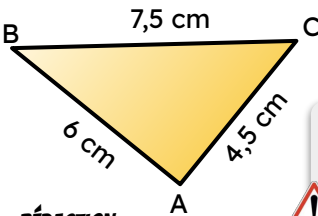
d'où $\widehat{YZX} \approx 42^\circ$

$\arcsin\left(\frac{4}{6}\right)$ (DEG) \rightarrow 41,8103149



Pythagore (-580? → -495?) est un savant grec né à Samos. Il serait parti en Égypte vers -547 pour une vingtaine d'années. Après des prêtres, il apprend la langue égyptienne, il étudie la géométrie ainsi que l'astronomie.

109 ... qu'un triangle est rectangle



C'est mieux de commencer par calculer le carré du plus grand côté.

RÉDACTION

[BC] est le plus grand côté donc si le triangle est rectangle ce sera en A.
 D'une part : $BC^2 = 7,5^2 = 56,25$.
 D'autre part : $AB^2 + AC^2 = 6^2 + 4,5^2 = 36 + 20,25 = 56,25$.

On constate que $BC^2 = AB^2 + AC^2$, donc l'égalité de Pythagore est vérifiée. Ainsi ABC est rectangle en A.

Si l'égalité n'est pas vérifiée, on conclut directement que le triangle n'est pas rectangle.

Avec la trigonométrie 108

Soit XYZ un triangle rectangle en X tel que XY = 4 cm et YZ = 6 cm. Déterminer \widehat{YZX} .

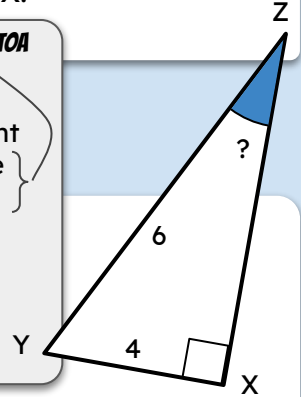
CHECK UP CAH SOH TOA

Je connais :

- Côté Adjacent
- Côté Opposé
- Hypoténuse

J'utilise donc :

- Cosinus
- Sinus
- Tangente

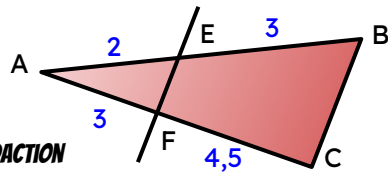


Thalès de Milet (-625? → -545?), est un philosophe et savant grec né à Milet. C'est l'un des Sept sages de la Grèce antique. En Egypte il aurait été initié aux sciences babyloniennes. Son plus grand exploit : le calcul de la hauteur de la grande pyramide.



Démontrer ...

110 ... que 2 droites sont parallèles



RÉDACTION

D'une part : $\frac{AE}{AB} = \frac{2}{5} = 0,4$

D'autre part : $\frac{AF}{AC} = \frac{3}{7,5} = 0,4$

On constate que : $\frac{AE}{AB} = \frac{AF}{AC}$

Donc l'égalité de Thalès est vérifiée.

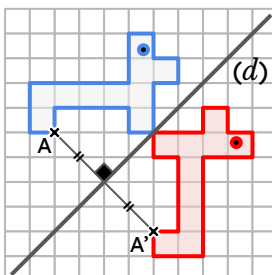
De plus, les points A, E, B et A, F, C sont alignés dans le même ordre, donc les droites (BC) et (EF) sont parallèles.

Si l'égalité n'est pas vérifiée, on conclut que les droites ne sont pas parallèles.

111 Effet d'une symétrie axiale

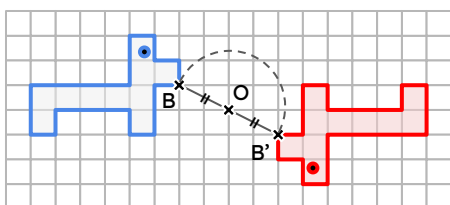
“Pliage selon un axe” : L'axe de symétrie est la médiatrice de $[AA']$.

A' est l'image de A par la symétrie d'axe (d) .



112 Effet d'une symétrie centrale

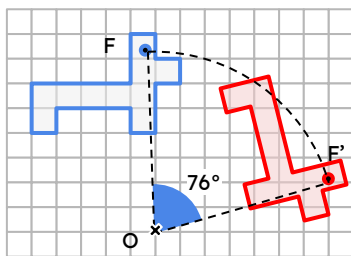
On parle de “demi-tour” (ou rotation de 180°) autour de O milieu de $[BB']$.



B' est l'image de B par la symétrie centrale de centre O .

113 Effet d'une rotation

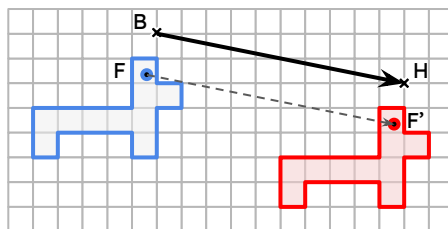
Transformer une figure par **rotation**, c'est la faire tourner autour d'un point fixe qui est le centre de la rotation.



F' est l'image de F par la rotation de centre O et d'angle 67° dans le sens des aiguilles d'une montre (sens indirect).

Effet d'une translation 114

Transformer une figure par **translation**, c'est la faire glisser sans la tourner. Ce **glissement** est définie par une **direction**, un **sens** et une **longueur**. On peut schématiser ce glissement par des flèches.



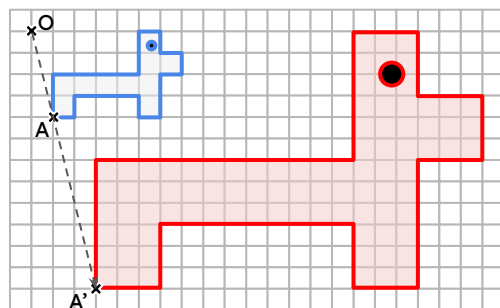
F' est l'image de F par la translation qui transforme B en H .

Propriétés de conservation 115

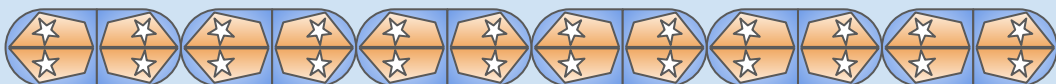
Les symétries centrales et axiales, les translations, les rotations conservent **longueurs, angles et aires**.

Effet d'une homothétie 116

L'**homothétie** est une transformation, qui permet d'agrandir ou de réduire des figures géométriques. On obtient une figure **semblable** (pas égale).



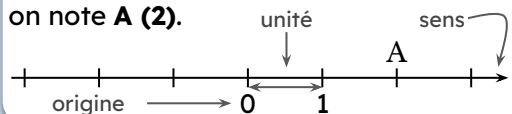
A' est l'image de A par l'homothétie de centre O et de rapport 3.



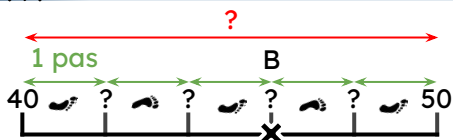
117 Se repérer sur une droite graduée

Une droite graduée est une droite sur laquelle on a fixé une origine, un sens et une unité de longueur.

Chaque point est repéré par son abscisse. A est le point d'abscisse 2 : on note **A (2)**.



118 Graduer un axe



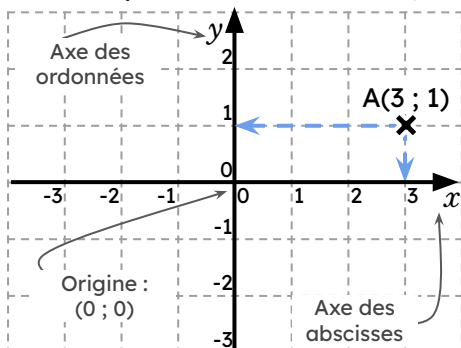
B est le point d'abscisse 46 : on note **B (46)**.

119 Se repérer dans le plan

Un repère, c'est deux droites graduées qui se coupent à l'origine.

Chaque point est repéré par deux coordonnées ($x ; y$) : une **abscisse** x (**axe horizontal**) et une **ordonnée** y (**axe vertical**).

Pour le point A, on note : **A (3 ; 1)**

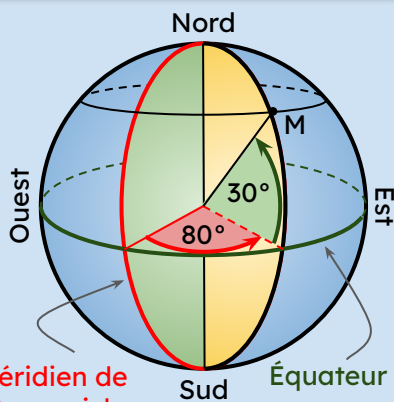


Se repérer sur une sphère 120

On a besoin de deux coordonnées : la **latitude** et la **longitude**. On assimile la Terre à une sphère.

- La latitude est comprise entre 0° et 90° Nord ou Sud.
Exemple : M a pour latitude 30°N .
- La longitude est comprise entre 0° et 180° Est ou Ouest.
Exemple : M a pour longitude 80°E .

M a pour coordonnées (**30°N ; 80°E**)

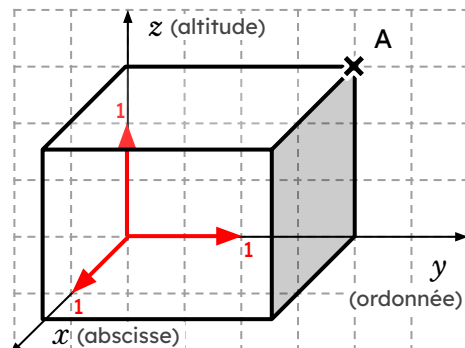


Méridien de Greenwich

Se repérer sur un pavé droit 121

Tout point sur un pavé droit est repéré par une abscisse, une ordonnée et une altitude (ou une cote).

Pour le point A, on note : **A (0 ; 2 ; 1,5)**.



122 Séquence d'instructions

événement

1 bloc = 1 instruction

motif répétitif

120°

Boucle 123

permet de répéter un motif d'instructions afin de raccourcir une séquence d'instructions.

Programme de calcul 124

Calcul littéral

Je choisis a !

- réponse $\leftarrow a$
- $x \leftarrow a$
- $x \leftarrow a - 3$
- $x \leftarrow 2 \times (a - 3)$
- Dire $2(a - 3)$

Variable

“Boîte” avec l'étiquette x collée dessus dans laquelle on peut stocker une valeur.

125 Instruction conditionnelle

On met dans la variable “s” un nombre pris au hasard entre 1 et 10.

Instruction Conditionnelle

Si <condition>
Alors action1
Sinon action2

La <condition> est...

- soit vraie
- soit fausse

c'est l'un ou l'autre !

Après avoir stocké une valeur dans la variable s , ce programme demande à l'utilisateur de saisir un nombre et lui répond “Bravo !” si ce nombre est égal à s , et répond “Raté !” sinon. Il recommence ainsi 10 fois de suite...

126 Bloc personnalisé

Quand la touche **espace** est pressée
 aller à x: **0** y: **0**
 effacer tout
 mettre longueur à **100**
 polygone à **4** côtés ¹
 ajouter longueur à y ²
 polygone à **3** côtés ³

définir polygone à **n** côtés
 stylo en position...
 répéter **n** fois
 avancer de longueur pas
 tourner de **360 / n** degrés
 relever le stylo

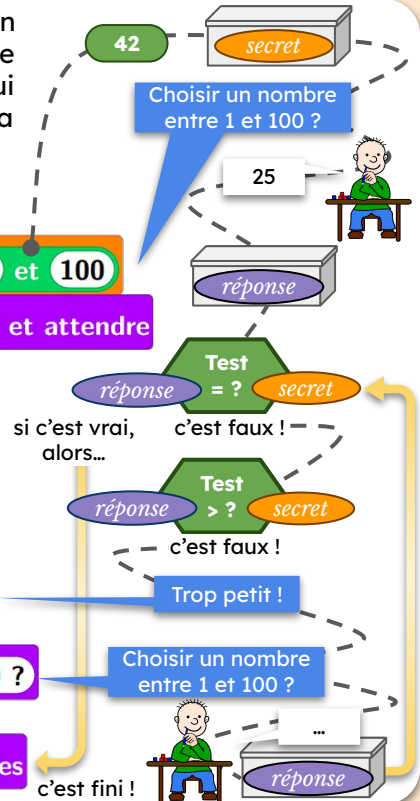
The diagram shows a house shape composed of three polygons: a square (4 sides), a triangle (3 sides), and a rectangle (4 sides). A spider is on the square. The code blocks are color-coded to match the polygons: yellow for the square, pink for the triangle, and blue for the rectangle.

Le bloc personnalisé “polygone à n côtés” appelle une séquence d’instructions à tout moment. On fixe la valeur de n au moment où on l’appelle.

127 Petite application

Dans ce programme, la machine choisit un nombre au hasard entre 1 et 100. Elle demande ensuite au joueur de le trouver et le guide en lui répondant “trop grand” ou “trop petit” jusqu’à la bonne réponse.

quand **le drapeau** est cliqué
 mettre secret à nombre aléatoire entre **1** et **100**
 demander Choisir un nombre entre 1 et 100 ? et attendre
 répéter jusqu’à ce que **réponse = secret**
 si **réponse > secret** alors
 dire Trop grand ! pendant **2** secondes
 sinon
 dire Trop petit ! pendant **2** secondes
 demander Choisir un nombre entre 1 et 100 ?
 dire Bravo, tu as trouvé ! pendant **2** secondes



Index

A

Abscisse (117)
Adjacent (99)
Affine (fonction) (62)
Agrandissement (84)
Angles (calculer) (9, 107, 108)
Aire (80, 81)
Altitude (121)
Antécédent (58, 59, 61)
Arbre de probabilité (77)
Arithmétique (27 à 33)
Arrondir (105)
Augmenter d'un pourcentage (55, 63)

B

Bloc (122)
Boucle (123)
Boule (86)

C

Calculatrice (01 à 10)
Calcul littéral (40 à 48)
Circonférence (78)
Coef de proportionnalité (50)
Coefficient directeur (62)
Comparer des décimaux (16)
Comparer des relatifs (17)
Comparer des fractions (34)
Conversions (tableau de) (79, 81, 87)
Conversions (vit., durée) (91, 92)
Coordonnées (d'un point) (119, 120, 121)
Cône (86, 103)
Côte (121)
Cosinus (9, 99, 105, 108)
Crible d'Ératosthène (33)
Critères de divisibilité (32)
Cylindre (86, 102)

D

Débit (89)
Décimaux (11 à 16)
Décomposer en produit de facteurs premiers (4, 30)
Dénominateur (34)
Densité (89)
Développer (43)
Diagramme circulaire (70)
Diagramme en bâtons (70)
Distributivité (43, 47)
Divisibilité (28, 32)
Division euclidienne (5, 27)

E

Échelle (52)
Effectif (65)
Équation (46)
Équation produit (48)
Équilatéral (93)
Équiprobable (72)
Ératosthène (crible d') (33)
Étendue (68)
Événement (74, 75, 76)
Expérience aléatoire (72)
Expression littérale (40)

F

Factoriser (45)
Fonction (57 à 61)
Fraction (34 à 39)
Fraction irréductible (31)
Fréquence (65)

G

Grandeurs (88, 89, 90)
Graphique (56, 58, 62, 70)

H

Hectare (ha) (88)
Homologues (97)
Homothétie (116)
Hypoténuse (98)

I

Identités remarquables (47)
Image (58, 59, 60, 111 à 116)
Inégalité triangulaire (94)
Instruction (122, 125)
Isocèle (93)
Issue (72, 73)

L

Latitude (120)
Linéaire (fonction) (59, 62)
Linéarité (50)
Longitude (120)
Longueur (calculer) (104, 105, 106)

M

Médiane (statistique) (69)
Moyenne simple (66)
Moyenne pondérée (67)
Multiplier par 10, 100, 1 000 (12)

N

Nombre premier (29)
Notion de fonction (57)
Notation scientifique (6, 25)
Numérateur (34)

O

Opposé (côté) (99)
Ordonnée (119, 121)
Ordonnée à l'origine (62)

P

Papillon (configuration) (106)
Parallélogramme (96)
Passage à l'unité (50)
Pavé droit (85, 86, 101)
Périmètre (78)
Pourcentage (53 à 55, 63, 64)
Préfixes multiplicatifs (22)
Premier (nombre) (29)
Priorités opératoires (14)
Prismes droits (85, 86)
Probabilité (72 à 77)
Produit (14, 20)
Programme (122 à 127)
Proportion (53)
Proportionnalité (49, 50, 62 à 64)
Puissances (14, 24, 25)
Pyramide (86, 103)
Pythagore (98, 104, 109)

Q

Quatrième proportionnelle (50)
Quotient (27)

R

Racine carrée (23, 26, 104)
Ratio (51)
Réciproque (109, 110)
Réduire (42)
Règle des 180° (107)
Relatif (nombre) (18 à 21)
Repérage (droite, plan, espace) (117 à 121)
Représentation graphique (56)
Résoudre une équation (46, 48)
Rotation (113)

S

Sections (101 à 103)
Série statistique (65 à 70)
Sinus (9, 99, 105, 108)
Simplifier une fraction (8)
Solides (86)
Somme (18, 19)
Sphère (86, 120)
Symétrie (axiale) (111)
Symétrie (centrale) (112)

T

Tableur (71)
Tangente (9, 99, 105, 108)
Thalès (100, 106, 110)
Théorème (98, 100)
Translation (114, 115)
Triangles (construction) (95)
Triangles semblables (97)
Trigonométrie (99, 105, 108)

V

Variable (124, 125)
Vitesse (89, 91)
Volume (d'un solide) (85 à 87)

